# Задача А. Участники олимпиад

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

В классе учатся n школьников.

Некоторые из них участвовали в олимпиадах:

- а школьников участвовали в олимпиаде по математике,
- *b* школьников по информатике,
- $\bullet$  *с* школьников по русскому языку.

Некоторые ребята могли участвовать сразу в нескольких олимпиадах.

Помогите учителю оценить, сколько школьников могло не поучаствовать ни в одной из этих олимпиад. Найдите минимальное и максимальное возможное число учеников, которые не участвовали ни в одной олимпиаде.

#### Формат входных данных

В первой строке входных данных дано одно число n — число учеников в классе  $(1 \le n \le 2 \cdot 10^5)$ . Во второй, третьей и четвертой строке даны числа a, b и c соответственно  $(0 \le a, b, c \le n)$ .

#### Формат выходных данных

В первой строке выведите минимальное возможное число школьников, которые не участвовали ни в какой олимпиаде. Во второй строке выведите максимальное возможное число таких школьников.

стандартный вывод
0
3
0
0

# Задача В. Подходящий конверт

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Семён Игоревич — руководитель кружка по олимпиадной информатике. Школьники из его кружка поехали на выездную командную олимпиаду на море в известный образовательный центр «Кассиопея». К сожалению, Семён Игоревич не смог поехать на олимпиаду, и его ученики решили передать ему привет с моря, отправив красивые бумажные открытки.

Каждый из n школьников купил открытку, каждая открытка — прямоугольник с высотой  $h_i$  и шириной  $w_i$ . Для оптимизации отправки открыток школьники решили купить один большой конверт и положить в него все открытки одной стопкой. Конверт представляет собой прямоугольник с высотой H и шириной W. Открытка кладется в конверте таким образом, чтобы стороны открытки были параллельны сторонам конверта. Открытку можно поворачивать на  $90^{\circ}$ . Открытка помещается в конверт, если стороны открытки не больше соответствующих параллельных им сторон конверта.

Школьники хотят, чтобы купленный конверт имел минимальную площадь  $H \cdot W$ .

Определите высоту и ширину конверта, чтобы в него можно было положить все открытки одной стопкой и площадь его была минимальной.

## Формат входных данных

В первой строке входных данных дано целое число  $n, 1 \leq n \leq 10^5$  — число школьников. В следующих n строках дана высота и ширина каждой открытки  $h_i$  и  $w_i$ ,  $(1 \leq h_i, w_i \leq 10^9)$ .

#### Формат выходных данных

Выведите два целых числа H и W — высоту и ширину подходящего конверта. Если стороны не равны, то выведите сначала меньшую из сторон.

стандартный ввод	стандартный вывод
3	2 4
1 2	
3 1	
4 2	
2	2 2
1 1	
2 2	

# Задача С. Объединение амулетов

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

У Хорнет появилось очень много амулетов, а именно целых n штук! Каждый амулет уникален и обладает особой силой. Обозначим силу i-го амулета за  $a_i$ .

Так как в большом числе амулетов очень легко запутаться, она может один раз объединить непустой подотрезок амулетов в один, более мощный. Пусть она выбрала отрезок [i,j]. Тогда сила нового амулета будет равна  $lcm(a_i,a_{i+1},\ldots,a_j)$ , где lcm — наименьшее общее кратное чисел  $a_i,a_{i+1},\ldots,a_j$ . Таким образом, после объединения амулетов с i по j у нее будут амулеты с силами  $a_1,\ldots,a_{i-1},a_{i+1},\ldots,a_n,k$ , где за k обозначим силу получившегося амулета.

Так как Хорнет важна итоговая боевая сила, после объединения амулетов она хочет её пересчитать. Боевая сила набора амулетов определяется как НОД всех амулетов в наборе, где НОД или gcd обозначает наибольший общий делитель.

Хорнет интересует сумма значений боевой силы по всем возможным способам объединить амулеты на отрезке в один более мощный амулет. Формально, обозначим за f(i,j) боевую силу амулетов Хорнет, которая получится, если объединить амулеты с i-го по j-й включительно. Она будет равна  $\gcd(a_1,\ldots,a_{i-1},a_{j+1},\ldots,a_n, \gcd(a_i,\ldots,a_j))$ . Тогда Хорнет хочет посчитать  $\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n f(i,j)$ .

Помогите ей посчитать данное значение.

#### Формат входных данных

В первой строке дано целое число n — изначальное количество амулетов ( $1\leqslant n\leqslant 2\cdot 10^5$ ).

Во второй строке даны n целых чисел  $a_i$  — изначальные силы амулетов, которые есть у Хорнет  $(1 \leqslant a_i \leqslant 10^7)$ .

#### Формат выходных данных

Выведите единственное число — ответ на задачу. Так как ответ может быть большим, выведите его по модулю  $998\,244\,353$ .

стандартный ввод	стандартный вывод
5	44
2 6 9 3 6	
6	85
1 2 3 4 5 6	

# Задача D. Постройка сцены

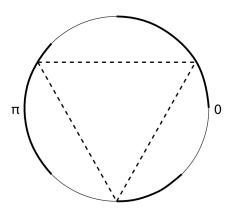
Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Для награждения победителей олимпиады решено построить новую сцену. Награждение будет проходить в цирке, поэтому сцена должна представлять собой треугольник, который лежит внутри арены — круга радиуса r. Основаниями сцены являются вершины данного треугольника.

На окружности — границе круга — выделены три непересекающиеся дуги. Было решено, что на каждой дуге должно лежать ровно одно основание сцены.

Организаторы хотят сделать сцену как можно большей площади, вы должны помочь им и сказать, какую максимальную площадь можно получить.

Ниже приведен пример сцены для тестов из примера:



На рисунке жирными линиями показаны заданные дуги, пунктирными — оптимальная сцена.

#### Формат входных данных

В первой строке дано одно вещественное число r — радиус круга ( $1 \le r \le 100$ ).

Вторая строка описывает дуги. Зафиксируем произвольный радиус-вектор заданного круга, будем считать его направление нулевым. Каждая дуга описывается двумя вещественными числами: углами в радианах, на которые нужно повернуть заданный радиус-вектор против часовой стрелки, чтобы его конец указывал на концы дуги.

Таким образом задано шесть вещественных чисел  $a_1, a_2, b_1, b_2, c_1, c_2$  — углы, задающие концы трех заданных дуг  $(0 \le a_1 < a_2 < b_1 < b_2 < c_1 < c_2 \le 2 \cdot \pi)$ .

#### Формат выходных данных

Вам необходимо вывести одно вещественное число — максимальную площадь сцены.

Ответ необходимо вывести с абсолютной или относительной погрешностью не менее  $10^{-6}$ . Иначе говоря, если верный ответ a, а выведенный ответ b, должно выполняться условие  $\frac{|a-b|}{\max(|a|,1)} \leqslant 10^{-6}$ .

стандартный ввод
5
0.0 1.570796 2.356194 3.926991 4.712389 5.497787
стандартный вывод
32.4759526419

# Задача Е. Кубические кусты

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Мальчик Петя часто гуляет с мамой в парке «Декартгоф». «Декартгоф» представляет собой классический парк, известный своими строгими формами и прямыми линиями.

Одна из достопримечательностей «Декартгофа» — аллея Кубических кустов. Кубический куст представляет собой растение из нескольких одинаковых кубических сегментов, стоящих друг на друге. Всего в аллее Кубических кустов n кустов, высаженных в ряд. Петя увлекается геометрией, поэтому особенно любит гулять по этой аллее. В первое посещение аллеи Петя записал высоту каждого из кустов. Высота кустов — количество кубических сегментов в нём.

В аллее Кубических кустов Пете особенно нравится симметрия, поэтому он ищет последовательности из кустов, высоты которых образуют ступенчатый палиндром. Ступенчатый палиндром — последовательность нечетной длины из кустов, в первой половине которой высота каждого следующего куста больше высоты предыдущего на один, в центре последовательности находится один самый высокий куст, затем высоты кустов уменьшаются на один до конца последовательности. Высоты кустов на одинаковом расстоянии от центра одинаковые. Например, [1,2,3,2,1] является ступенчатым палиндромом, а [1,2], [1,5,2] — нет. Из всех ступенчатых палиндромов Петя хочет найти самый длинный.

Петя приходит в парк каждый месяц. Садовники в «Декартгофе» стараются подрезать кубические кусты так, чтобы аллея всегда выглядела одинаково, но Петя заметил, что в каждое посещение парка один из кустов меняет свою высоту, поэтому длина самого длинного ступенчатого палиндрома может измениться.

Петя еще маленький и не может решить задачу, поэтому помогите ему найти максимальную длину ступенчатого палиндрома в его первое посещение парка и во все последующие.

## Формат входных данных

В первой строке дано одно число n — количество кустов в аллее  $(1\leqslant n\leqslant 10^5).$ 

Во второй строке дано n чисел  $a_i$  — изначальные высоты кустов  $(1 \le a_i \le 10^7)$ .

В третьей строке дано одно число q — количество недель, когда Петя приходил в парк  $(1 \le q \le 10^5)$ .

В последующих q строках дано по два числа i x — высота куста i стала равна x ( $1 \leqslant i \leqslant n$ ,  $1 \leqslant x \leqslant 10^7$ ).

#### Формат выходных данных

Выведите q+1 строку — максимальную длину среди ступенчатых палиндромов в первое посещение парка Петей и во все последующие.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	3
3 4 3 2 1	1
3	3
3 5	5
4 4	
5 3	

# Задача F. Бардак никому не нужен

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Однажды, разбирая завал в своей комнате, Петя и Варя нашли n ниток и ножницы. Естественно, чтобы от них избавиться, они придумали игру. Первым ходит Петя, и после этого игроки ходят по очереди.

Ход состоит из одного действия: игрок выбирает нитку длины x. После этого он должен разрезать её на две нитки с натуральными длинами a и b, таким образом, что  $\gcd(a,b) > 1$ , и вернуть эти нитки обратно в игру. Здесь  $\gcd(x,y)$  обозначает наибольший общий делитель чисел x и y.

Заметим, что после каждого хода количество ниток в игре увеличивается на один. Проигрывает тот, кто не может сделать ход.

Петя— ваш хороший друг, и он хочет во что бы то ни стало выиграть у Вари в этой игре. Подскажите ему, может ли он выиграть вне зависимости от ходов соперника.

#### Формат входных данных

Каждый тест состоит из нескольких наборов входных данных. В первой строке находится одно целое число t — количество наборов входных данных ( $1 \le t \le 5000$ ). Далее следует описание наборов входных данных.

Первая строка каждого набора содержит целое число n — изначальное количество ниток в игре  $(1 \le n \le 10^5)$ .

Вторая строка каждого набора содержит n целых чисел  $s_i$  — длины ниток  $(2 \le s_i \le 10^{12})$ . Гарантируется, что сумма n по всем наборам входных данных не превосходит  $10^5$ .

## Формат выходных данных

Для каждого набора входных данных в отдельной строке выведите «Yes», если Петя сможет обыграть Варю, и «No» в противном случае.

стандартный ввод	стандартный вывод
6	No
1	Yes
7	No
1	Yes
38	Yes
6	No
34 11 17 34 17 11	
5	
2 3 4 5 6	
5	
7 8 9 10 11	
7	
12 15 16 21 25 27 49	

# Задача G. Волшебный чемодан

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Волшебница Софья получила в подарок на день рождения новый чемодан. Чемодан Софьи снабжен супер-современным электрическим кодовым замком. Замок на чемодане представляет собой квадрат со стороной n, в каждой ячейке замка написано одно число от 1 до  $n^2$ , все числа в ячейках различны.

Софья придумывает свой код — расстановку чисел в ячейках замка, который будет знать только она. После чего она переставит числа в другом порядке, и злоумышленник, который не знает её код, не сможет взломать замок. Софья хочет, чтобы код был очень надежным.

Софья знает, что маги и волшебники будут пытаться подобрать код для взлома её чемодана, поэтому хочет, чтобы код для замка представлял собой антимагический квадрат — такую расстановку чисел, что все 2n+2 числа: суммы чисел в строках, в столбцах и на двух больших диагоналях, — различны.

Софья сейчас очень занята заклинаниями и зельями, поэтому помогите Софье придумать такой код, чтобы он представлял собой антимагический квадрат, или скажите, что такой код придумать не получится.

#### Формат входных данных

В первой строке ввода дано единственное целое число  $n, 1 \le n \le 1000$  — сторона квадрата.

#### Формат выходных данных

Если код существует, то выведите в первой строке вывода «Yes». Затем выведите n строк по n чисел в каждой — искомый код. Если подходит несколько кодов, можно вывести любой из них. Если такой код придумать нельзя, то выведите «No».

стандартный ввод	стандартный вывод
3	Yes
	9 7 3
	4 2 5
	8 1 6
1	No

# Задача Н. Нечетное число подмасок

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Андрей подарил Кириллу массив целых чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_n$ , где  $0 \leqslant a_i < 2^{30}$ .

Кирилл изучает битовые операции и пытается понять, как с их помощью можно проверять числа на чётность. В процессе изучения он заметил, что для некоторых чисел результат побитовой операции «И» оказывается *особенным* — например, когда при применении этой операции к числу с другим числом оно не изменяется.

Андрей рассказал Кириллу, что число y называется  $nod macko \ddot{u}$  числа x, если

$$y \& x = y$$
,

где & обозначает побитовое «И». В двоичной системе счисления это означает, что при дополнении чисел до одной длины ведущими нулями, во всех позициях, где в числе y стоит единица, в числе x тоже стоит единица. Иными словами, y можно получить из x заменой некоторых единичных битов x на нули (при дописывании ведущих нулей к двоичному представлению более короткого числа, чтобы два числа были равной длины). Например, 1 является подмаской 3, так  $1 = 2^0$ ,  $3 = 2^0 + 2^1$ . А 2 не является подмаской 12, так как  $2 = 2^1$ , а  $12 = 2^3 + 2^2$ .

Кириллу стало интересно: существует ли такое целое число x ( $0 \le x < 2^{30}$ ), что количество элементов массива, являющихся подмасками x, оказывается нечётным? Число x не обязано само быть элементом массива.

Если такое число существует, он хочет найти *любое* из них. Если же такого числа не существует, нужно сообщить, что решений нет.

Если одно и то же число встречается в массиве несколько раз, оно учитывается столько раз, сколько встречается.

## Формат входных данных

Каждый тест содержит один или несколько тестовых примеров. Первая строка содержит одно целое число t — количество тестовых примеров ( $1 \le t \le 10^4$ ).

Далее следуют описания тестовых примеров.

Каждый тестовый пример начинается строкой с одним числом  $n\ (1\leqslant n\leqslant 10^5)$  — количеством элементов в массиве.

Следующая строка содержит n целых чисел  $a_1, a_2, \ldots, a_n \ (0 \le a_i < 2^{30})$ .

Гарантируется, что сумма значений n по всем тестовым примерам одного теста не превышает  $10^5$ .

#### Формат выходных данных

Для каждого тестового примера, выведите -1, если не существует такого целого числа x  $(0 \le x < 2^{30})$ , что массив a содержит нечетное число его подмасок.

В противном случае, выведите любое такое x.

стандартный ввод	стандартный вывод
3	4
5	-1
1 2 3 4 5	3
4	
1 1 1 1	
3	
1 1 2	

# Задача І. Плейлист

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Катя слушает музыку. В очереди плеера уже есть несколько песен. Про каждую из них известны название и длина.

Плеер включает песню, которая находится первой в очереди, и сразу убирает её оттуда. Иногда Кате попадается новая композиция, которую она хочет послушать следующей, в этот момент она нажимает кнопку «Играть следующей». Эта песня становится первой в очереди плеера, но текущая композиция доигрывается до конца. Если это произошло в момент, когда текущая песня закончилась, то следующей играть будет новая композиция.

Ваша задача — определить, в каком порядке Катя послушает песни и в какой момент начнётся каждая из них.

## Формат входных данных

Первая строка содержит целое число n — количество песен в плеере в момент, когда Катя начала слушать музыку ( $1 \le n \le 100\,000$ ).

Далее следуют n строк, каждая из которых содержит два значения:  $name_i$ ,  $len_i$ , где  $name_i$  — названия песни, а  $len_i$  — длина песни в секундах ( $1 \le len_i \le 10^9$ ).

Следующая строка содержит целое число m — количество событий добавления песни в начало очереди $(0 \le m \le 100\,000)$ .

Далее следуют m строк, каждая из которых содержит три значения:  $t_j$ ,  $name_j$ ,  $len_j$ , где  $t_j$  — момент времени добавляемой песни в секундах ( $0 \le t_j \le 10^9$ ),  $name_j$  — имя добавляемой песни, а  $len_j$  — её длина в секундах ( $1 \le len_j \le 10^9$ ).

Гарантируется, что время добавления указано в порядке неубывания. Название песен состоит только из латинских букв и их длина не превосходит 20.

## Формат выходных данных

Выведите для каждой проигранной песни по одной строке, содержащей два значения:  $name_k$  и  $start_k$ , где  $name_k$  — имя песни, а  $start_k$  — момент времени, когда эта песня начала воспроизводиться. Песни должны быть указаны в порядке, в котором их слушала Катя.

стандартный ввод	стандартный вывод
3	Abracadabra 0
Abracadabra 223	STAY 223
Pedro 145	Abracadabra 343
Believer 220	Pedro 566
3	Believer 711
223 Abracadabra 223	Friday 1024
223 STAY 120	
1024 Friday 1234	

# Задача Ј. Квантовые коты

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Алёна — знаток квантовой физики. Однажды она решила обобщить знаменитый опыт с котом и коробкой на n котов и n коробок. Для этого Алёне требуется провести n экспериментов. Для удобства она пронумеровала всех котов, все коробки и все эксперименты числами от 1 до n.

В каждом эксперименте в каждой коробке должен сидеть ровно один кот. Чтобы избежать любых неточностей, связанных с предвзятостью некоторых котов к некоторым коробкам, каждый кот должен за все n экспериментов ровно по одному разу побывать в каждой коробке. Более того, для дополнительного контроля Алёна собирается во время каждого эксперимента следить за одной из коробок и соответствующим котом в ней. В i-м эксперименте она собирается наблюдать за i-й коробкой и хочет, чтобы в ней в этот момент сидел i-й кот, чтобы гарантировать, что за все n экспериментов Алёна ровно по одному разу будет наблюдать за каждой коробкой и каждым котом.

Помогите Алёне найти возможную расстановку котов по коробкам для каждого эксперимента, если это возможно.

#### Формат входных данных

Вход содержит одно натуральное число  $n \ (1 \le n \le 300)$  — число котов, коробок и экспериментов.

#### Формат выходных данных

Если расстановка существует, выведите таблицу размера n на n, где значение в i-й строке и j-м столбце будет содержать номер кота, который должен сидеть в j-й коробке во время i-го эксперимента.

Если расстановки не существует, выведите целое число -1.

#### Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
1	1
2	-1
3	1 3 2
	3 2 1
	2 1 3

#### Замечание

Во время экспериментов ни один котик не пострадал.

# Задача К. Восстановление весов

Ограничение по времени: 3 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

В деревне графов жили два исследователя, Лена и Миша. Они нашли связный неориентированный граф, состоящий из n вершин и m рёбер.

Некоторые рёбра имели известные положительные веса, а другие — неизвестные. Лена и Миша решили узнать, сколько существует способов присвоить рёбрам с неизвестными весами целые значения от 1 до l включительно так, чтобы для каждой вершины v кратчайший путь от вершины 1 до вершины v имел длину ровно  $d_v$ .

Так как число возможных способов может быть очень большим, необходимо вывести остаток от деления искомого количества на  $10^9 + 7$ .

#### Формат входных данных

Каждый тест содержит один или несколько тестовых примеров. Первая строка содержит одно целое число t ( $1 \le t \le 50$ ) — количество тестовых примеров.

Далее следуют описания тестовых примеров.

Первая строка тестового примера содержит три целых числа n, m и l ( $2 \leqslant n \leqslant 50; n-1 \leqslant m \leqslant \frac{n(n-1)}{2}; 1 \leqslant l \leqslant 10^9$ ) — число вершин, число рёбер и максимальный возможный вес неизвестного ребра.

Следующие m строк тестового примера описывают рёбра. Каждое ребро задаётся тремя целыми числами  $u_i, v_i, w_i$  ( $1 \le u_i, v_i \le n; u_i \ne v_i; -1 \le w_i \le l; w_i \ne 0$ ) — концы ребра и его вес. Если  $w_i = -1$ , то вес этого ребра неизвестен и может быть выбран от 1 до l. Если  $w_i \ne -1$ , то это известный вес ребра.

Последняя строка тестового примера содержит n целых чисел  $d_1, d_2, \ldots, d_n$  ( $0 \le d_v \le 10^{12}$ ), где  $d_v$  — требуемая длина кратчайшего пути от вершины 1 до вершины v.

Гарантируется, что граф связный, в нём нет петель и кратных рёбер.

#### Формат выходных данных

Для каждого тестового примера выведите одно целое число — количество способов назначить веса рёбрам с неизвестными весами от 1 до l так, чтобы сумма весов рёбер на кратчайшем пути от вершины 1 до вершины v была равна  $d_v$  для всех вершин v, взятое по модулю  $10^9 + 7$ .

# СП6КОШП 2025. Отборочный интернет-тур двадцать шестой открытой ВКОШП Санкт-Петербург, 16 ноября 2025 года

стандартный ввод	стандартный вывод
4	3
3 3 3	1
1 2 -1	4
2 3 -1	0
1 3 -1	
0 1 1	
3 2 3	
1 2 -1	
2 3 -1	
0 1 2	
3 3 3	
1 2 -1	
2 3 -1	
1 3 -1	
0 1 2	
3 3 3	
1 2 1	
2 3 1	
1 3 1	
0 1 2	

# Задача L. Долгий прыжок домой

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Мало кто знает, но на самом деле зайцы высоко прыгают не сразу после рождения! За всё надо платить — поэтому способности к прыжкам зайцы покупают в заячьем магазине. Вот и заяц Ксюша пришла в этот магазин, который находится в точке 0 на числовой прямой.

В магазине есть n способностей, i-я из них стоит  $c_i$  морковок и обучает зайца прыгать на расстояние  $x_i$  вдоль числовой прямой. То есть, после покупки i-й способности Ксюша сможет в любой момент времени прыгать на расстояние  $x_i$  в любую сторону.

Сразу после покупок в магазине Ксюша хочет допрыгать до точки L ( $L \neq 0$ ), в которой находится её дом. Помогите ей выяснить, какое минимальное количество морковок придётся потратить, чтобы у неё была возможность с помощью полученных прыжков добраться до точки L, или скажите ей, что это невозможно.

#### Формат входных данных

Каждый тест состоит из нескольких наборов входных данных. В первой строке находится одно целое число t — количество наборов входных данных ( $1 \le t \le 1\,000$ ). Далее следует описание наборов входных данных.

Первая строка каждого набора входных данных содержит два целых числа n и L — количество способностей в магазине и координаты дома Ксюши ( $1 \le n \le 3\,000; |L| \le 3\,000; L \ne 0$ ).

Вторая строка каждого набора входных данных содержит n чисел  $x_i$  — длины прыжков, способности к которым можно приобрести ( $1 \le x_i \le 3000$ ).

Третья строка каждого набора входных данных содержит n чисел  $c_i$  — стоимости способностей  $(1 \le c_i \le 10^9)$ .

Гарантируется, что сумма n по всем наборам входных данных не превосходит  $3\,000$ .

## Формат выходных данных

Для каждого теста в единственной строке выведите минимальное количество морковок, которое придётся потратить Ксюше, чтобы допрыгать до дома, или -1, если это невозможно.

стандартный ввод	стандартный вывод
5	-1
3 5	7
2 4 6	8
3 1 2	9
2 555	1
5 9	
7 9	
3 12	
6 8 14	
100 3 5	
4 13	
6 10 15 13	
4 3 2 100	
4 -21	
7 7 9 4	
5 1 10 10	

# Задача М. Остаток от суммы остатков

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 512 мегабайт

Дано целое n. Требуется вычислить сумму  $i \mod j$  по всем парам (i, j), таким что  $1 \leqslant i, j \leqslant n$ . Иными словами, требуется вычислить:

$$S = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} (i \bmod j)$$

Операция  $a \mod b$  означает остаток от деления a на b.

Так как сумма может быть большой, выведите остаток от деления искомой суммы на число  $998\,244\,353$ .

## Формат входных данных

В первой строке входных данных задается число  $n\ (1\leqslant n\leqslant 10^{12}).$ 

## Формат выходных данных

Выведите единственное число — ответ на задачу, взятый по модулю 998 244 353.

## Пример

стандартный ввод	стандартный вывод		
5	26		

#### Замечание

Рассмотрим пример.

Построим таблицу остатков  $i \mod j$  для  $i, j = 1 \dots 5$ :

$i \backslash j$	1	2	3	4	5
1	0	1	1	1	1
2	0	0	2	2	2
3	0	1	0	3	3
4	0	0	1	0	4
1 2 3 4 5	0	1	2	1	0

Просуммируем числа в таблице и получим 26.