

## Восстановление весов

Рассмотрим любое ребро  $(u, v)$  с весом  $w$ , пусть  $d_u > d_v$ .

- $d_u + w \geq d_v$ , потому что иначе есть кратчайший путь от 1 до  $v$  с весом  $d_u + w$ .
- $d_v + w \geq d_u$ , потому что иначе есть кратчайший путь от 1 до  $v$  с весом  $d_u + w$ .

Тогда вес каждого ребра должен принадлежать отрезку  $[\max(1, d_v - d_u); l]$ .

Кроме этого, для каждой вершины  $v \neq 1$  должно существовать хотя бы одно такое ребро, что  $d_u + w = d_v$ .

Заметим, что если все эти условия соблюдены, то расстановка весов является корректной.

Рёбрам, соединяющим две вершины  $u, v$  с равными  $d_u = d_v$ , можно поставить любой вес.

Остальные ребра ориентируем от меньших  $d_u$  к большим.

Для каждой вершины расстановка весов рёбер, входящих в неё, является не зависимой от расстановки весов рёбер, входящих в другие вершины.

Таким образом, если  $f(v)$  – число способов расставить веса рёбрам, входящим в  $v$ , корректно, то ответ равен  $f(2) \cdot f(3) \cdot \dots \cdot f(n)$ .

Для фиксированной вершины сначала посчитаем число способов расставить веса рёбрам, входящим в эту вершину, чтобы веса лежали в необходимых отрезках. Это значение равно произведению длин отрезков возможных весов ребра по всем рёбрам.

Но в некоторых таких ситуациях реальное расстояние до  $v$  будет больше  $d_v$ , а именно это в тех случаях, когда не существует ребра  $(u, v)$  с весом  $w$ , что  $d_u + w = d_v$ . В этих случаях вес каждого ребра  $u \rightarrow v$  строго больше  $d_u - d_v$ . Поэтому для таких «плохих» случаев количество находится аналогично, и затем его нужно вычесть из текущего значения.

Для рёбер с известными заранее весами достаточно проверить, что их вес лежит в необходимом интервале, в противном случае заменить текущий ответ на 0.