

## Об уровнях олимпиады

В этой интернет-олимпиаде мы проводим эксперимент с уровнями сложности.

Вы можете самостоятельно выбрать, задачи какого уровня решать.

Если вы хотите участвовать в олимпиаде базового уровня, решайте задачи А, В, С и D.

Если вы хотите участвовать в олимпиаде усложненного уровня, решайте задачи С, D, E и F.

У базового и усложненного уровней будут отдельные таблицы результатов.

Если вы отправите решение задачи E или F, вы автоматически будете классифицированы в таблице усложненного уровня (даже если ваше решение не пройдет тесты из примера). Иначе вы будете классифицированы в таблице базового уровня.

## Задача А. Диагональное преобладание

Имя входного файла: `diagonal.in`  
Имя выходного файла: `diagonal.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В компании *Macrohard* изучают матрицы с диагональным преобладанием, так необходимые для написания новой операционной системы *Doors 8*. Матрица  $A$  размером  $n \cdot n$  называется матрицей с *диагональным преобладанием*, если выполнены следующие три условия:

- $A_{i,j} \geq 0$  ( $1 \leq i, j \leq n$ )
- $A_{i,i} \geq \sum_{j=1}^{i-1} A_{i,j} + \sum_{j=i+1}^n A_{i,j}$  ( $1 \leq i \leq n$ )
- Найдется  $i$ , такое что  $A_{i,i} > \sum_{j=1}^{i-1} A_{i,j} + \sum_{j=i+1}^n A_{i,j}$

Диагональный элемент матрицы  $A_{i,i}$  называется преобладающим, если

- $A_{i,i} > \sum_{j=1}^{i-1} A_{i,j} + \sum_{j=i+1}^n A_{i,j}$

До недавнего времени сотрудники *Macrohard* исследовали матрицы сами, используя калькулятор. Однако вчера они устроили забастовку, так как устали делать одни и те же операции с большими матрицами. Вас нанял главный начальник *Macrohard* и попросил написать программу, автоматизирующую громоздкие подсчёты работников. Не оплошайте!

### Формат входного файла

В первой строке входного файла дано число  $n$  ( $2 \leq n \leq 1000$ ) — размер матрицы. Далее следует  $n$  строк, в каждой из которых записано  $n$  чисел — элементы матрицы ( $0 \leq A_{i,j} \leq 1000$ ).

### Формат выходного файла

В выходной файл выведите “YES”, если матрица является красивой, “NO” в противном случае. Также при условии диагонального преобладания выведите на следующей строчке количество её преобладающих элементов.

### Примеры

| diagonal.in              | diagonal.out |
|--------------------------|--------------|
| 10 5 5<br>0 1 0<br>2 2 5 | YES<br>2     |
| 10 5 5<br>0 1 0<br>2 2 3 | NO           |

## Задача В. Соло на клавиатуре

|                         |              |
|-------------------------|--------------|
| Имя входного файла:     | keyboard.in  |
| Имя выходного файла:    | keyboard.out |
| Ограничение по времени: | 2 секунды    |
| Ограничение по памяти:  | 64 мегабайта |

Работники *Министерства Быстрой Печати и Длинных Строк* озабочены новой проблемой. В последнее время сложность набираемых ими текстов существенно увеличилась, и они стали допускать ошибки. К счастью, уровень подготовки в *МБПДС* высокий, поэтому любой работник в любом слове допускает не более одной ошибки.

Ошибки, которые могут допустить работники *МБПДС*, таковы:

- вместо нужной клавиши нажата соседняя;
- клавиша не нажата;
- перед нужной клавишей нажата одна из соседних клавиш;
- после нужной клавиши нажата одна из соседних клавиш;

Для клавиши на клавиатуре соседними считаются шесть клавиш: слева, справа, слева сверху, справа сверху, слева снизу, справа снизу. Клавиатура является стандартной QWERTY-клавиатурой и изображена на рисунке.

*Министерство* хочет автоматизировать процесс исправления ошибок. Для этого нужно написать программу, которая могла бы по данному слову, в котором допущено не более одной ошибки, выводить список словарных слов, которые могли быть введены.

Помогите работникам *МБПДС* и напишите такую программу.

### Формат входного файла

В первой строке входного файла находится число  $N$  ( $1 \leq N \leq 5 \cdot 10^4$ ) — число слов в словаре. В каждой из следующих  $N$  строк содержится по одному слову из словаря. Все слова в словаре различны.

В следующей строке находится число  $M$  ( $1 \leq M \leq 5 \cdot 10^4$ ) — слова, которые необходимо исправить. Каждая из следующих  $M$  строк содержит по одному слову для проверки.

Все слова в файле состоят из прописных латинских букв. Во входном файле не содержится пустых строк. Размер входного файла не превышает одного мегабайта.

### Формат выходного файла

Для каждого из слов, подлежащих исправлению, выведите информацию о возможных его исправлениях. Эта информация состоит из блока, включающего одну или несколько строк. Первая строка блока содержит одно целое число  $C_i$  — число словарных слов, которые могли бы соответствовать введенному слову. Далее необходимо вывести эти словарные слова в лексикографическом порядке, по одному на каждой строке. Если  $C_i > 5$ , выведите только первые пять слов.

## Примеры

| keyboard.in  | keyboard.out   |
|--|--|
| 7<br>solving<br>contests<br>is<br>what<br>makes<br>us<br>happy<br>3<br>solvung<br>js<br>qwerty   | 1<br>solving<br>2<br>is<br>us<br>0   |
| 6<br>letterq<br>letterw<br>lettere<br>lettterr<br>letttert<br>lettery<br>2<br>letter<br>lertterq | 6<br>lettere<br>letterq<br>lettterr<br>letttert<br>letterw<br>1<br>letterq |

Пусть  $K$  — максимальная длина слова во входном файле.

Решения для  $N, M \leq 500, K \leq 20$  будут оцениваться из 50 баллов.

Решения для  $K \leq 100$  будут оцениваться из 80 баллов.

## Задача С. Лотерея

Имя входного файла: `lottery.in`  
Имя выходного файла: `lottery.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Планета Шелезяка. Воды нет. Полезных ископаемых нет. Населена роботами.

Недавно на планету Шелезяка прибыла новая партия чистой смазки. К сожалению, на всех ее не хватает. Поэтому было решено провести лотерею. Для этого было выбрано  $n$  натуральных чисел  $a_1, a_2 \dots a_n$  и число  $k$ ,  $0 \leq k \leq n$ . Смазку получают те роботы, серийные номера которых делятся ровно на  $k$  из этих чисел.

Теперь правительство заинтересовало то, насколько равномерно распределены призы. Для этого они решили выяснить, какое число роботов, серийные номера которых принадлежат промежутку  $[a..b]$ , получают смазку.

### Формат входного файла

В первой строке входного файла заданы натуральные числа  $n$  ( $1 \leq n \leq 10^5$ ) и  $k$  ( $0 \leq k \leq n$ ). Во второй строке входного файла перечислены  $n$  натуральных  $a_1, a_2 \dots a_n$ , разделенные пробелами. Каждое из этих  $a_i$  не превосходит  $10^9$ . В третьей строке входного файла задано два натуральных числа  $a$  и  $b$  ( $1 \leq a \leq b \leq 10^9$ ,  $b - a \leq 10^5$ ).

### Формат выходного файла

В выходной файл выведите количество чисел из промежутка  $[a..b]$ , которые делятся ровно на  $k$  данных чисел.

### Примеры

| <code>lottery.in</code> | <code>lottery.out</code> |
|-------------------------|--------------------------|
| 2 1<br>2 3<br>1 10      | 6                        |
| 4 2<br>2 3 4 5<br>10 30 | 5                        |

## Задача D. Возведение в степень

Имя входного файла: pow.in  
Имя выходного файла: pow.out  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Первокласснику Васе родители подарили на день рождения калькулятор. Вася быстро изучил все возможности своего нового калькулятора. Больше всего ему понравилась операция возведения в степень. Он был очень впечатлен тем, что даже если небольшое число возвести в степень с небольшим показателем, то результат может получиться очень большой.

Возводить в степень сам Вася пока не умеет, но очень хочет научиться. Для начала он решил научиться определять по числам  $a$  и  $b$ , сколько цифр будет в десятичной записи числа  $a^b$  ( $a$  в степени  $b$ ). Однако это у него не получилось, и он обратился за помощью к своему другу, второкласснику Роме. Рома — большой любитель делать все наоборот. Он предложил Васе сначала научиться по числу  $k$  находить числа  $a$  и  $b$ , такие что число  $a^b$  состоит из  $k$  цифр в десятичной записи. Поскольку таких  $a$  и  $b$  может быть большое количество, Вася попытался научиться выяснять, сколько существует пар  $(a, b)$ , удовлетворяющих данному условию.

К сожалению, Васе не удалось и это, и теперь он просит о помощи Вас. Напишите программу, отвечающую на поставленную задачу.

### Формат входного файла

Во входном файле задано единственное целое положительное число  $k$  ( $1 \leq k \leq 17$ ).

### Формат выходного файла

В выходной файл выведите количество различных пар  $(a, b)$ , таких что  $a$  и  $b$  — целые положительные числа ( $a > 1$ ), и число  $a^b$  состоит из  $k$  цифр в десятичной записи.

### Примеры

| pow.in | pow.out |
|--------|---------|
| 2      | 102     |
| 3      | 934     |

## Задача Е. Слепые флибы

Имя входного файла: `blind.in`  
Имя выходного файла: `blind.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Флибы — фантастические существа, которые предсказывают будущее. Флибы часто используются при демонстрации использования генетических алгоритмов. В этой задаче мы исследуем свойства «слепых» флибов, которые пытаются предсказывать будущее, не получая никакой информации из окружающего мира.

Представим будущее в виде строки  $w$ , состоящей из нулей и единиц, приписанную к самой себе до бесконечности. В результате получается бесконечная строка  $w^*$ . Например, если  $w = 010011$ , будущее представляет собой строку  $w^* = 010011010011010011\dots$ . Слепой флиб — детерминированный конечный автомат, который выводит символ на каждом переходе.

Формально слепой флиб имеет  $n$  состояний, из каждого состояния есть переход, помеченный 0 и переход, помеченный 1. Переход — это тройка  $\langle m, p, s \rangle$ , где  $m$  — символ, которым помечен переход,  $p$  — символ, который выводится на переходе, а  $s$  — состояние, в которое флиб переходит, когда происходит этот переход.

Исходно флиб выводит некоторый символ (он может решить, какой) и переходит в состояние 1. После этого флиб действует следующим образом. Пусть  $c$  — последний символ, который вывел флиб. Он выбирает переход, помеченный символом  $c$ , и переходит по нему (выводя соответствующий этому переходу символ). Этот процесс продолжается до бесконечности.

Пусть  $z$  — бесконечная строка, выведенная флибом. Обозначим как  $e(k)$  количество позиций среди первых  $k$ , на которых в строках  $z$  и  $w^*$  стоят одинаковые символы. При увеличении  $k$  отношение  $\frac{e(k)}{k}$  становится сколь угодно близко к некоторому числу  $P$ . Это число называется *предсказательной способностью* флиба. Чем выше предсказательная способность — тем лучше флиб.

Например, очевидно, для любого  $w$  существует слепой флиб с предсказательной способностью 1.0? содержащий  $n$  состояний, где  $n$  — длина строка  $w$ . Состояние такого флиба соответствует позиции в строке  $w$ , до которой к текущему моменту она была выведена. Он всегда правильно предсказывает следующий символ.

Задано слово  $w$ . Для каждого  $k$  от 1 до длины  $w$  постройте слепого флиба с максимальной предсказательной способностью, имеющего  $k$  состояний.

### Формат входного файла

Входной файл содержит слово  $w$  (длина  $w$  от 1 до 200, включительно,  $w$  содержит только 0 и 1).

### Формат выходного файла

Для всех  $k$  от 1 до длины  $w$  выведите максимальную возможную предсказательную способность слепого флиба с  $k$  состояниями.

### Примеры

| <code>blind.in</code> | <code>blind.out</code>   |
|-----------------------|--|
| 010011                | 0.6666666666666667<br>0.8333333333333334<br>1.0<br>1.0<br>1.0<br>1.0 |

## Задача F. Покрытие строки

Имя входного файла: `cover.in`  
Имя выходного файла: `cover.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Будем говорить, что строка  $\alpha$  покрывает строку  $\beta$ , если для каждой позиции строки  $\beta$  найдется такое вхождение  $\alpha$  в  $\beta$  как подстроки, которое содержит эту позицию. Например, строка “aba” покрывает строку “abaabaababa”, но не покрывает строку “baba”. Очевидно, любая строка покрывает сама себя.

Задана строка  $w$ . Для каждого ее префикса  $w[1..k]$  найдите самую короткую строку, которая покрывает этот префикс.

### Формат входного файла

Входной файл содержит строку  $w$ , состоящую из строчных букв латинского алфавита. Длина строки  $w$  не превышает 250 000.

### Формат выходного файла

Для каждого  $k$  от 1 до длины  $w$  выведите длину самой короткой строки, которая покрывает  $w[1..k]$ .

### Примеры

| <code>cover.in</code> | <code>cover.out</code> |
|-----------------------|------------------------|
| abaabaababa           | 1 2 3 4 5 3 4 5 3 10 3 |