

## Задача А. Топологическая сортировка (1 балл) (!)

Имя входного файла: `topsort.in`  
Имя выходного файла: `topsort.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан ориентированный невзвешенный граф. Необходимо его топологически отсортировать.

### Формат входного файла

В первой строке входного файла даны два натуральных числа  $N$  и  $M$  ( $1 \leq N \leq 100\,000$ ,  $0 \leq M \leq 100\,000$ ) — количество вершин и рёбер в графе соответственно. Далее в  $M$  строках перечислены рёбра графа. Каждое ребро задаётся парой чисел — номерами начальной и конечной вершин соответственно.

### Формат выходного файла

Вывести любую топологическую сортировку графа в виде последовательности номеров вершин. Если граф невозможно топологически отсортировать, вывести `-1`.

### Пример

| <code>topsort.in</code>                       | <code>topsort.out</code> |
|---|--------------------------|
| 6 6<br>1 2<br>3 2<br>4 2<br>2 5<br>6 5<br>4 6 | 4 6 3 1 2 5              |
| 3 3<br>1 2<br>2 3<br>3 1                      | -1                       |

## Задача В. Поиск цикла (2 балла)

Имя входного файла: `cycle.in`  
Имя выходного файла: `cycle.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан ориентированный невзвешенный граф. Необходимо определить есть ли в нём циклы, и если есть, то вывести любой из них.

### Формат входного файла

В первой строке входного файла находятся два натуральных числа  $N$  и  $M$  ( $1 \leq N \leq 100\,000, M \leq 100\,000$ ) — количество вершин и рёбер в графе соответственно. Далее в  $M$  строках перечислены рёбра графа. Каждое ребро задаётся парой чисел — номерами начальной и конечной вершин соответственно.

### Формат выходного файла

Если в графе нет цикла, то вывести «NO», иначе — «YES» и затем перечислить все вершины в порядке обхода цикла.

### Пример

| <code>cycle.in</code> | <code>cycle.out</code> |
|-----------------------|------------------------|
| 2 2<br>1 2<br>2 1     | YES<br>2 1             |
| 2 2<br>1 2<br>1 2     | NO                     |

## Задача С. Двудольный граф (1 балл)

Имя входного файла: bipartite.in  
Имя выходного файла: bipartite.out  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Двудольным называется неориентированный граф  $\langle V, E \rangle$ , вершины которого можно разбить на два множества  $L$  и  $R$ , так что  $L \cap R = \emptyset$ ,  $L \cup R = V$  и для любого ребра  $(u, v) \in E$  либо  $u \in L, v \in R$ , либо  $v \in L, u \in R$ .

Дан неориентированный граф. Требуется проверить, является ли он двудольным.

### Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит два натуральных числа  $n$  и  $m$  — количество вершин и ребер графа соответственно ( $1 \leq n \leq 100\,000$ ,  $0 \leq m \leq 200\,000$ ).

Следующие  $m$  строк содержат описание ребер по одному на строке. Ребро номер  $i$  описывается двумя натуральными числами  $b_i, e_i$  — номерами концов ребра ( $1 \leq b_i, e_i \leq n$ ). Допускаются петли и параллельные ребра.

### Формат выходного файла

В единственной строке выходного файла выведите «YES», если граф является двудольным и «NO» в противном случае.

### Пример

| bipartite.in                    | bipartite.out |
|---------------------------------|---------------|
| 4 4<br>1 2<br>1 3<br>2 4<br>4 2 | YES           |
| 3 3<br>1 2<br>2 3<br>3 1        | NO            |

## Задача D. Конденсация графа (2 балла)

Имя входного файла: `cond.in`  
Имя выходного файла: `cond.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан ориентированный невзвешенный граф. Необходимо выделить в нем компоненты сильной связности и топологически их отсортировать.

### Формат входного файла

В первой строке входного файла находятся два натуральных числа  $N$  и  $M$  ( $1 \leq N \leq 20\,000, 1 \leq M \leq 200\,000$ ) — количество вершин и рёбер в графе соответственно. Далее в  $M$  строках перечислены рёбра графа. Каждое ребро задаётся парой чисел — номерами начальной и конечной вершин соответственно.

### Формат выходного файла

Первая строка выходного файла должна содержать целое число  $k$  — количество компонент сильной связности в графе. Вторая строка выходного файла должна содержать  $n$  чисел — для каждой вершины выведите номер компоненты сильной связности, которой она принадлежит. Компоненты должны быть занумерованы таким образом, чтобы для каждого ребра  $(u, v)$  номер компоненты, которой принадлежит  $u$  не превосходил номер компоненты, которой принадлежит  $v$ .

### Пример

| <code>cond.in</code> | <code>cond.out</code> |
|----------------------|-----------------------|
| 6 7                  | 2                     |
| 1 2                  | 1 1 1 2 2 2           |
| 2 3                  |                       |
| 3 1                  |                       |
| 4 5                  |                       |
| 5 6                  |                       |
| 6 4                  |                       |
| 2 4                  |                       |

## Задача Е. Гамильтонов путь (2 балла)

Имя входного файла: `hamiltonian.in`  
Имя выходного файла: `hamiltonian.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан ориентированный граф без циклов. Требуется проверить, существует ли в нем путь, проходящий по всем вершинам.

### Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит два целых числа  $n$  и  $m$  — количество вершин и дуг графа соответственно. Следующие  $m$  строк содержат описания дуг по одной на строке. Ребро номер  $i$  описывается двумя натуральными числами  $b_i$  и  $e_i$  — началом и концом дуги соответственно ( $1 \leq b_i, e_i \leq n$ ).

Входной граф не содержит циклов и петель.

$1 \leq n \leq 100\,000$ ,  $0 \leq m \leq 200\,000$ .

### Формат выходного файла

Если граф удовлетворяет требуемому условию, то выведите YES, иначе NO.

### Пример

| <code>hamiltonian.in</code>              | <code>hamiltonian.out</code> |
|--|------------------------------|
| <code>3 3<br/>1 2<br/>1 3<br/>2 3</code> | <code>YES</code>             |
| <code>3 2<br/>1 2<br/>1 3</code>         | <code>NO</code>              |

## Задача F. Игра (2 балла)

Имя входного файла: `game.in`  
Имя выходного файла: `game.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан ориентированный невзвешенный ациклический граф. На одной из вершин графа стоит «фишка». Двое играют в игру. Пусть «фишка» находится в вершине  $u$ , и в графе есть ребро  $(u, v)$ . Тогда за ход разрешается перевести «фишку» из вершины  $u$  в вершину  $v$ . Проигрывает тот, кто не может сделать ход.

### Формат входного файла

В первой строке входного файла находятся три натуральных числа  $N$ ,  $M$  и  $S$  ( $1 \leq N, S, M \leq 100\,000$ ) — количество вершин, рёбер и вершина, в которой находится «фишка» в начале игры соответственно. Далее в  $M$  строках перечислены рёбра графа. Каждое ребро задаётся парой чисел — номерами начальной и конечной вершин.

### Формат выходного файла

Если выигрывает игрок, который ходит первым, выведите «First player wins», иначе — «Second player wins».

### Пример

| game.in                    | game.out           |
|----------------------------|--------------------|
| 3 3 1<br>1 2<br>2 3<br>1 3 | First player wins  |
| 3 2 1<br>1 2<br>2 3        | Second player wins |